

## К РАСЧЕТУ КОЭФФИЦИЕНТА ДИФФУЗИИ АЭРОЗОЛЬНЫХ ЧАСТИЦ В ЗВУКОВОМ ПОЛЕ

В. И. Тимошенко

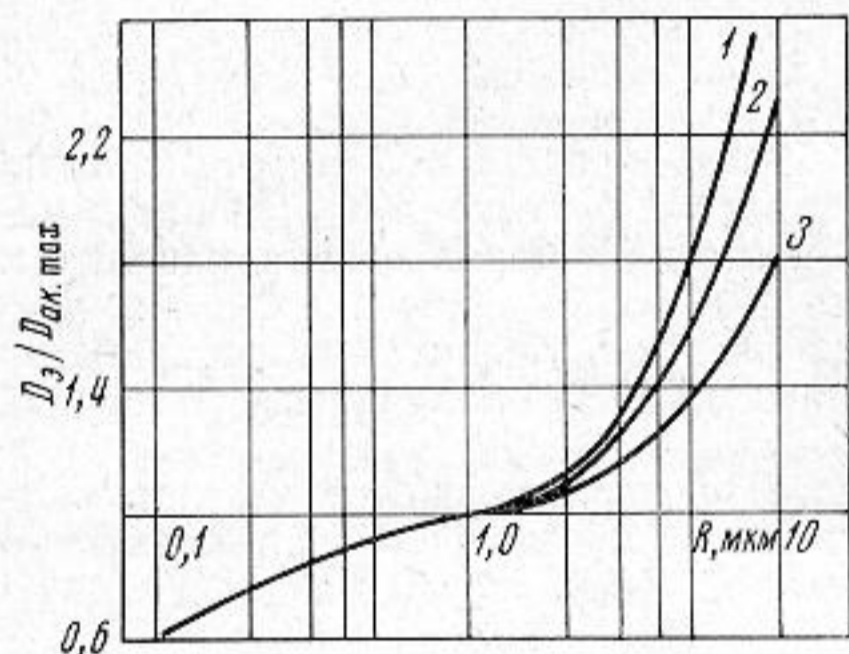
Для описания многих процессов массопереноса в мощных звуковых полях необходимо знать коэффициент диффузии частиц при наличии колебательного движения среды. Вопрос о нахождении коэффициента диффузии аэрозольных частиц в звуковом поле приобретает принципиальное значение при составлении уравнений кинетики процесса акустической коагуляции [1].

При расчетах в настоящее время используют эйнштейновское значение коэффициента диффузии [2]

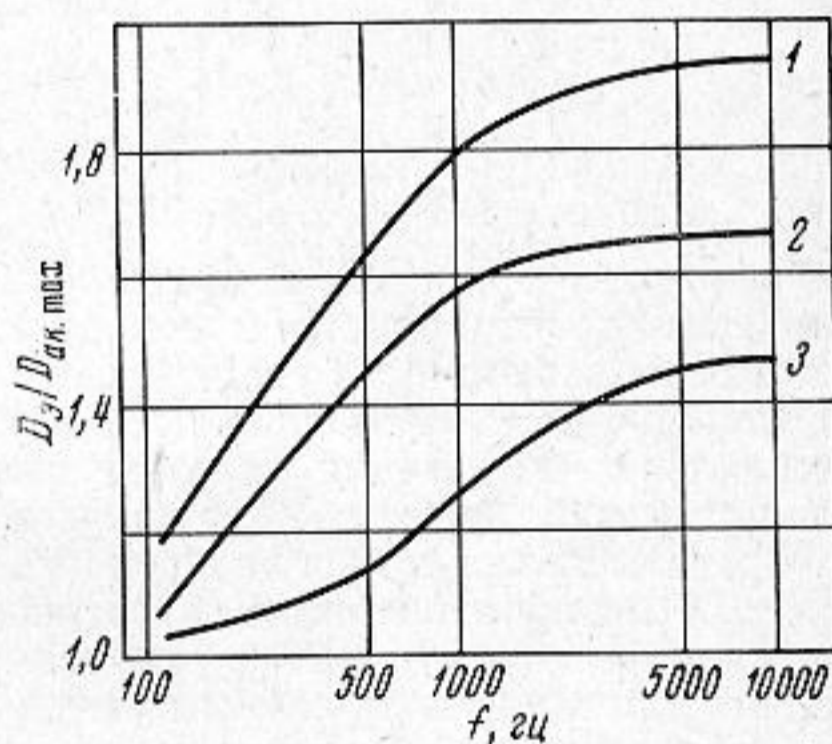
$$D_0 = kT\mu, \quad (1)$$

где  $k$  — постоянная Больцмана,  $T$  — абсолютная температура,  $\mu$  — подвижность частицы, определяемая как коэффициент пропорциональности между действующей силой и скоростью частицы. Для сферической частицы радиуса  $R$ , движущейся в среде с вязкостью  $\eta$  в соответствии с законом Стокса,  $\mu = 1/6\pi\eta R$ .

Для частиц размером  $0,1 \div 10$  мкм в звуковом поле имеет место определенная специфика движения и ее следует учитывать при определении коэффициента диффузии. Как показано в работе [3], при движении аэрозольных частиц в звуковом поле реализуется осееновский режим обтекания. В квазистационарном приближе-



Фиг. 1



Фиг. 2

нии с учетом осееновской силы сопротивления подвижность аэрозольных частиц в звуковом поле для установившегося режима принимает значение

$$\mu_{ак} = 1/6\pi\eta R(1 + 3Re/16), \quad (2)$$

где  $Re = 2R|V|/\nu$  — число Рейнольдса,  $\nu = \eta/\rho$  — кинематическая вязкость,  $\rho$  — плотность среды,  $V$  — скорость обтекания аэрозольной частицы  $V = U - v$ ,  $U$  — скорость движения частичек среды,  $v$  — скорость движения аэрозольной частицы. Если  $U$  изменяется по закону  $U = U_0 \cos \omega t$ ;  $\omega = 2\pi f$  — круговая частота, то  $V = U_0 m \sin(\omega t - \varphi)$ ,  $v = U_0 n \cos(\omega t - \varphi)$ , где  $m = \sin \varphi = \Omega / (1 + \Omega^2)^{1/2}$  — коэффициент обтекания;  $n = \cos \varphi = 1 / (1 + \Omega^2)^{1/2}$  — коэффициент увлечения,  $\Omega = \omega\tau$ ;  $\tau = 2\delta R^2 / 9\eta$  — время релаксации,  $\delta$  — плотность материала частицы,  $\varphi = \text{arctg } \Omega$  — угол сдвига фазы между колебанием среды и частицы.

Расчеты показывают, что для малых частиц размером менее 2 мкм поправка Осеена практически не оказывает влияния на подвижность частиц по сравнению со стоксовской. Однако для малых частиц, соизмеримых по размерам с длиной свободного пробега  $l$ , начинает сказываться прерывистость среды. При этом, используя выражения, полученные Милликеном [4], можно учесть изменение сопротивления движению частицы, а следовательно, и ее подвижности. Поправка Милликена в выражении для силы сопротивления сопровождается радиус частицы  $R$  в степени минус единица и равна

$$1 + A(l/R) + Q(l/R) \exp(-bR/l) = 1 + \alpha, \quad (3)$$

где  $A$ ,  $Q$ ,  $b$  — константы, равные  $A = 1,246$ ;  $Q = 0,42$ ;  $b = 0,87$ ;  $l = 0,653 \cdot 10^{-7}$  м. Для частиц размером более 1 мкм поправка Милликена практически не сказывается.

Из формулы (1) с учетом выражений (2) и (3) нетрудно получить выражение для коэффициента диффузии аэрозольных частиц размерами  $0,1 \div 10$  мкм, находящихся в звуковом поле,

$$D_{\text{ак}} = D_{\text{э}} (1 + \alpha) / (1 + 3\text{Re} / 16). \quad (4)$$

Выражение (4) было рассчитано при различных значениях параметров звукового поля и аэрозоля. Результаты расчетов приведены на фиг. 1 и 2. На фиг. 1 представлены графики относительного изменения максимального отклонения коэффициента диффузии  $D_{\text{ак max}}$  в звуковом поле в функции от размера частиц с плотностью  $\delta = 1,0$  г/см<sup>3</sup> при значениях амплитуды колебательной скорости  $U_0 = 700$  см/сек (кривая 1),  $U_0 = 500$  см/сек (кривая 2) и  $U_0 = 300$  см/сек (кривая 3) в воздухе на частоте  $f = 1000$  гц. Как видно из графиков, с увеличением амплитуды звуковой волны увеличивается отклонение значения  $D_{\text{ак}}$  от эйнштейновского значения в правой ветви графиков для частиц больше 2 мкм. Отклонение значения  $D_{\text{ак}}$  от эйнштейновского значения вызвано изменением подвижности частиц: в правых ветвях графиков — из-за изменения силы сопротивления при осееновском обтекании (осееновская добавка является гармонической функцией времени), в левых ветвях — из-за влияния прерывистости среды.

С ростом частоты увеличивается различие между  $D_{\text{ак}}$  и  $D_{\text{э}}$ . Для иллюстрации на фиг. 2 приведены кривые относительного изменения  $D_{\text{ак max}}$  в функции от частоты для частиц радиуса  $R = 5$  мкм,  $\delta = 1,0$  г/см<sup>3</sup> при  $P_0 = 700$  см/сек (кривая 1),  $U_0 = 500$  см/сек (кривая 2) и  $U_0 = 300$  см/сек (кривая 3).

Как видно из представленных результатов, из-за изменения подвижности малых частиц в звуковом поле имеет место значительное отклонение (достигающее двукратного) коэффициента диффузии от эйнштейновского значения. В приведенных расчетах не учитывалось изменение температуры в звуковой волне, так как в работе [2] показано, что влияние этого фактора на коэффициент диффузии незначительно; изменение составляет около 0,1% от значения  $D_{\text{э}}$ .

#### ЛИТЕРАТУРА

1. M. Jessel, V. Timochenko. Sur la dynamique des processus de coagulation acoustique Série Acoustique. C. R. Acad. sci., 1971, 272, 1457—1460, Sér. B.
2. Физические основы ультразвуковой технологии. Под ред. Л. Д. Розенберга. М., «Наука», 1970, 519—521.
3. В. И. Тимошенко. К расчету относительного движения аэрозольных частиц в акустическом поле. Акуст. ж., 1970, 16, 4, 570—574.
4. Н. А. Фукс. Успехи механики аэрозолей. М., Изд-во АН СССР, 1961.

Таганрогский радиотехнический институт

Поступила  
5 июля 1972 г.

УДК 534.231.1:539.3

#### РАСПРОСТРАНЕНИЕ ВОЛН В ВЯЗКОУПРУГОЙ СЛОИСТОЙ СРЕДЕ

А. М. Швиданенко

Рассмотрим прохождение нормально падающей волны через слоистую пластинку, образованную чередующимися слоями из двух различных материалов; два смежных слоя,  $a$  и  $s$ , образуют повторяющийся элементарный слой. Амплитуды волн в слоях  $a$  и  $s$  можно определить при помощи матриц  $\|a\|$  и  $\|b\|$ . Тогда зависимость между амплитудами падающих, прошедшей и отраженных  $i$ -м элементарным слоем волн можно задать в виде матрицы  $\|d\|$ , равной произведению матриц  $\|a\|$  и  $\|b\|$  [1].

Элементы матрицы  $\|d\|$  равны:

$$d_{11} = P_a P_s \frac{(1 - 2V^2)^2}{1 - V^2} - \frac{P_s V^2}{P_a (1 - V^2)}, \quad d_{12} = P_a P_s \frac{(1 - 2V^2)V}{1 - V^2} + \frac{P_s V}{P_a (1 - V^2)}, \quad (1)$$

$$d_{21} = -\frac{P_a V(1 - 2V^2)}{P_s (1 - V^2)} - \frac{V}{P_a P_s (1 - V^2)}, \quad d_{22} = \frac{1}{P_a P_s (1 - V^2)} - \frac{P_a V^2}{P_a (1 - V^2)}.$$